

正誤表 (2008 年 1 月 19 日版)

第 1 章

12 ページ下段 : 解説 1.7 デヴィッソン-ガーマーの実験

誤 :

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2meV}} = \sqrt{\frac{150.4}{V}} \times 10^{-10} \text{ m}$$

正 :

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2meV}} = \sqrt{\frac{150.4 \text{ V}}{V}} \times 10^{-10} \text{ m}$$

第 3 章

33 ページ下段 : 解説 3.2 3 次元空間でのディラックのデルタ関数

誤 :

$$\begin{aligned} \delta(\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2) &= \frac{1}{r^2 \sin \theta_1} \delta(r_1 - r_2) \delta(\theta_1 - \theta_2) \delta(\varphi_1 - \varphi_2) \\ &= \frac{1}{r^2} \delta(r_1 - r_2) \delta(\cos \theta_1 - \cos \theta_2) \delta(\varphi_1 - \varphi_2) \end{aligned}$$

である。

正 :

$$\begin{aligned} \delta(\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2) &= \frac{1}{r^2 \sin \theta_1} \delta(r_1 - r_2) \delta(\theta_1 - \theta_2) \delta(\varphi_1 - \varphi_2) \\ &= \frac{1}{r^2} \delta(r_1 - r_2) \delta(\cos \theta_1 - \cos \theta_2) \delta(\varphi_1 - \varphi_2) \end{aligned}$$

である。ここで, r は r_1 または r_2 で, $r_1 \neq 0$ または $r_2 \neq 0$ の場合にのみ成り立つ。原点では,

$$\delta(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi r^2} \delta(r)$$

となる。

53 ページ上段脚注 : 脚注*30

誤 :

\hat{A} と \hat{B} が非可換 ($[\hat{A}, \hat{B}] \neq 0$) であっても $[\hat{A}, \hat{B}] = i\hat{C}$ のように交換子が演算子になる場合は, \hat{A} と \hat{B} の一部の固有関数を同時固有関数に選ぶことができることもある。

正 :

\hat{A} と \hat{B} が非可換 ($[\hat{A}, \hat{B}] \neq 0$) であっても $[\hat{A}, \hat{B}] = i\hat{C}$ のように交換

子が演算子 (定数演算子ではないもの) になる場合は, \hat{A} と \hat{B} の一部の固有関数を同時固有関数に選ぶことができることもある。

57 ページ下段: 解説 3.23 箱形規格化

誤:

$$\int_{L^3} |\chi_{\mathbf{k}}(\mathbf{r})|^2 = 1$$

正:

$$\int_{L^3} |\chi_{\mathbf{k}}(\mathbf{r})|^2 d^3\mathbf{r} = 1$$

第 4 章

89 ページ上段

一階導関数の連続性より, 波動関数 $\psi(x)$ そのものも連続であることになる。

ここに, 次の脚注を付け加える。「数学的に厳密に言えば, 波動関数の一階導関数が連続だからといって, 波動関数が必ず連続になるとは言えない。しかし, 量子力学では, 連続な波動関数のみを考える。」

100 ページ上段

誤:

$$\frac{1}{\kappa_2} = \left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)^{1/2} \frac{1}{\sqrt{V_0 - E}} \sim \frac{0.195}{\sqrt{V_0 - E} [\text{eV}]} [\text{nm}]$$

正:

$$\frac{1}{\kappa_2} = \left(\frac{\hbar^2}{2m}\right)^{1/2} \frac{1}{\sqrt{V_0 - E}} \sim \frac{0.195}{\sqrt{(V_0 - E)/\text{eV}}} \text{ nm}$$

第 6 章

163 ページ下段: (6.2) の導出

誤:

(6.2) の導出する際に,

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial \mathbf{R}} &= \frac{M}{m_1} \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_1} + \frac{M}{m_2} \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_2}, \\ \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}} &= \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_1} - \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_2} \end{aligned}$$

であることに注意して,

$$\begin{aligned} \nabla_R^2 &= \left(\frac{M}{m_1}\right)^2 \nabla_1^2 + \left(\frac{M}{m_2}\right)^2 \nabla_2^2 + 2 \left(\frac{M^2}{m_1 m_2}\right) \nabla_1 \cdot \nabla_2, \\ \nabla_r^2 &= \nabla_1^2 + \nabla_2^2 - 2 \nabla_1 \cdot \nabla_2 \end{aligned}$$

を用いる .

正 :

(6.2) を導出する際に ,

$$\begin{aligned}\frac{\partial}{\partial \mathbf{R}} &= \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_1} + \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_2}, \\ \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}} &= \frac{m_2}{M} \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_1} - \frac{m_1}{M} \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_2}\end{aligned}$$

であることに注意して ,

$$\begin{aligned}\nabla_R^2 &= \nabla_1^2 + \nabla_2^2 + 2\nabla_1 \cdot \nabla_2, \\ \nabla_r^2 &= \left(\frac{m_2}{M}\right)^2 \nabla_1^2 + \left(\frac{m_1}{M}\right)^2 \nabla_2^2 - 2\left(\frac{m_1 m_2}{M^2}\right) \nabla_1 \cdot \nabla_2\end{aligned}$$

を用いる .

174 ページ下段 : 解説 6.11 ルジャンドル陪多項式と (6.38) の解
見出しを含めて 3 箇所にある「ルジャンドル陪多項式」を「ルジャン
ドル陪関数」に修正する。

179 ページ上段

「ルジャンドル陪多項式」(1 箇所) を「ルジャンドル陪関数」に修
正する。

199 ページ上段 : (6.142) 式

誤 :

$$\begin{aligned}u_{l=n-1}^{(n)}(\rho) &= \phi^{(n-1)}(\rho), \\ u_{l=n-2}^{(n)}(\rho) &= \hat{b}_{n-1}^\dagger \phi^{(n-1)}(\rho), \\ u_{l=n-3}^{(n)}(\rho) &= \hat{b}_{n-2}^\dagger \hat{b}_{n-1}^\dagger \phi^{(n-1)}(\rho), \\ &\dots \\ u_{l=0}^{(n)}(\rho) &= \hat{b}_1 \hat{b}_2 \dots \hat{b}_{n-2}^\dagger \hat{b}_{n-1}^\dagger \phi^{(n-1)}(\rho)\end{aligned}$$

が得られる . すなわち , \hat{b} は , 方位量子数 l の下降演算子として働く .

正 :

$$\begin{aligned}u_{l=n-1}^{(n)}(\rho) &= \phi^{(n-1)}(\rho), \\ u_{l=n-2}^{(n)}(\rho) &= \hat{b}_{n-1}^\dagger \phi^{(n-1)}(\rho), \\ u_{l=n-3}^{(n)}(\rho) &= \hat{b}_{n-2}^\dagger \hat{b}_{n-1}^\dagger \phi^{(n-1)}(\rho), \\ &\dots \\ u_{l=0}^{(n)}(\rho) &= \hat{b}_1^\dagger \hat{b}_2^\dagger \dots \hat{b}_{n-2}^\dagger \hat{b}_{n-1}^\dagger \phi^{(n-1)}(\rho)\end{aligned}$$

が得られる . すなわち , \hat{b}^\dagger は , 方位量子数 l の下降演算子として働く .

204 ページ下段：解説 6.31 電子の磁気モーメント箱形規格化
誤：

$$\begin{aligned}\hat{\mu}_l &= -\frac{g_l \mu_B}{\hbar} \hat{L} = \frac{e}{2mc} \hat{L}, \\ \hat{\mu}_s &= -\frac{g_s \mu_B}{\hbar} \hat{s} \simeq \frac{e}{mc} \hat{s} \\ \mu_B &\equiv |e| \hbar / (2mc) = 9.27 \times 10^{-24} \text{ A} \cdot \text{m}^2\end{aligned}$$

正：

$$\begin{aligned}\hat{\mu}_l &= -\frac{g_l \mu_B}{\hbar} \hat{L} = \frac{e}{2m} \hat{L}, \\ \hat{\mu}_s &= -\frac{g_s \mu_B}{\hbar} \hat{s} \simeq \frac{e}{m} \hat{s} \\ \mu_B &\equiv |e| \hbar / (2m) = 9.27 \times 10^{-24} \text{ A} \cdot \text{m}^2\end{aligned}$$

204 ページ下段：解説 6.31 電子の磁気モーメント箱形規格化
誤：

$$\alpha \equiv e^2 / (\hbar c) = 1/137.0359895 \simeq 1/137$$

正：

$$\alpha \equiv e^2 / (4\pi\epsilon_0 \hbar c) = 1/137.0359895 \simeq 1/137$$

206 ページ下段：解説 6.33 水素原子のゼーマン効果
3 つの式は、以下が正しい。

$$\begin{aligned}\hat{H} &= \frac{\hat{p}^2}{2m_e} + V(\mathbf{r}) - \frac{e}{2m_e} |\mathbf{B}| \hat{L}_z \\ \hat{H}_{\text{Zeeman}} &= \frac{\mu_B}{\hbar} |\mathbf{B}| (g_l \hat{L}_z + g_s \hat{s}_z) \simeq -\frac{e}{2m_e} |\mathbf{B}| (\hat{L}_z + 2\hat{s}_z) \\ E^{(1)} &= \mu_B |\mathbf{B}| m \left(1 \pm \frac{1}{2l+1}\right) = -\frac{e|\mathbf{B}|}{2m_e} m \hbar \left(1 \pm \frac{1}{2l+1}\right)\end{aligned}$$

210 ページ：6.8 章末問題

誤：

$$(2) \nabla^2(1/r) = -4\pi\delta(r) \text{ を示せ.}$$

正：

$$(2) \nabla^2(1/r) = -4\pi\delta(\mathbf{r}) \text{ を示せ.}$$

第 7 章

222 ページ上段

誤：

クーブマン (Koopman) の定理

正：

クーブマンス (Koopmans) の定理

225 ページ上段

誤:

$$\mathbf{E} = -\nabla\phi - (1/c)\partial\mathbf{A}/\partial t$$

正:

$$\mathbf{E} = -\nabla\phi - \partial\mathbf{A}/\partial t$$

225 ページ下段: 解説 7.14 ゲージの例

誤:

ローレンツゲージ (Lorentz gauge)

正:

ローレンツゲージ (Lorenz gauge)

226 ページ下段: 解説 7.15 ゲージ不変性とゲージ共変微分

誤:

波動関数の位相が空間全体で同一の変化 $\psi(\mathbf{r}) \rightarrow \psi(\mathbf{r}) \exp(i\phi)$ をする
なら (つまり, 変化する位相 ϕ が位置 \mathbf{r} に依存しないなら), 結果は位
相変化に無関係である.

正:

波動関数の位相が空間全体で同一の変化 $\psi(\mathbf{r}) \rightarrow \psi(\mathbf{r}) \exp(i\theta)$ をする
なら (つまり, 変化する位相 θ が位置 \mathbf{r} に依存しないなら), 結果は位
相変化に無関係である.

索引

248 ページ左列

誤:

クープマン (Koopman) の定理, 222

正:

クープマンズ (Koopmans) の定理, 222

252 ページ左列

「ルジャンドル陪多項式, 174」を削除