

# 「ガイダンス 確率統計」正誤表

初版 1 刷, 2 刷, 3 刷, 4 刷の正誤表 (2025 年 10 月 8 日)

東京都立大学の松山洋教授, 酒井裕司さん, 廣田翔真さんには 4 刷発行後に誤りをご指摘頂きました。ここに謝辞を述べさせて頂きます。

頁	場所	誤	正
3	和事象と積事象の説明文	この和事象と積事象を内包的記法で表すと	この和事象と積事象を <b>それぞれ</b> 内包的記法で表すと
26	定義 2.1.4	(2.3) で与えられる離散分布 <b>があつて</b> ,	(2.3) で与えられる離散分布 <b>が存在して</b> ,
33	定義 2.1.6	ある密度関数 $f(x)$ が <b>あつて</b> ,	ある密度関数 $f(x)$ が <b>存在して</b> ,
54	注意 2.3.5	この正誤表の最後のページのように修正する。	
55	演習 2.2	約何 cm 以上あればよいか 答えよ (表 C.1 を利用すること)。	約何 cm 以上あればよいか 答えよ。 (表 C.1 を利用すること。)
55	演習 2.3	$a$ は整数とし,	$a$ は <b>-1 と異なる</b> 整数とし,
55	演習 2.6	ただし $a \vee b$ は, <b><math>a \geq b</math> のとき</b> は $a$ であり, <b><math>a \leq b</math> のとき</b> は $b$ である。	ただし, $a \vee b$ は <b><math>a</math> と <math>b</math> の最大値</b> である。
60	系 3.2.1 の証明	ここで, $a \wedge b$ は <b><math>a</math> と <math>b</math> の小さい方</b> , $a \vee b$ は <b><math>a</math> と <math>b</math> の大きい方とした</b> 。	ここで, $a \wedge b$ は <b><math>a</math> と <math>b</math> の最小値</b> , $a \vee b$ は <b><math>a</math> と <math>b</math> の最大値</b> である。
64	定義 3.2.4	ある同時密度関数 $f(x, y)$ <b>があつて</b> ,	ある同時密度関数 $f(x, y)$ <b>が存在して</b> ,
67	定理 3.2.1 [証明]	さらに, $X$ と $Y$ が独立であれば, $X$ と $Y$ の周辺密度関数 $g(x)$ と $h(y)$ に対して,	さらに, $X$ と $Y$ が独立であれば, $X, Y$ の周辺密度関数 $g(x), h(y)$ に対して,
74	例 3.2.4	のことから, 相関の強弱を $-1$ 以上かつ…	のことから, 相関の強弱は $-1$ 以上かつ…
98	演習 3.1	ただし $X_1 \vee X_2$ は, <b><math>X_1 \leq X_2</math> のときは <math>X_2</math></b> であり, <b><math>X_1 \geq X_2</math> のときは <math>X_1</math></b> である。	ただし, $X_1 \vee X_2$ は <b><math>X_1</math> と <math>X_2</math> の最大値</b> である。
99	演習 3.6	ただし, $X \wedge Y$ は <b><math>X</math> と <math>Y</math> の小さい方</b> , $X \vee Y$ は <b><math>X</math> と <math>Y</math> の大きい方とする</b> 。	ただし, $X \wedge Y$ は <b><math>X</math> と <math>Y</math> の最小値</b> , $X \vee Y$ は <b><math>X</math> と <math>Y</math> の最大値</b> である。
117	補題 5.1.1 の証明	<b>したがつて</b> , 任意の正の実数 $r \geq 0$ に対して, <b>不等式</b>	<b>ゆえに</b> , 任意の正の実数 $r > 0$ に対して

頁	場所	誤	正
117	補題 5.1.1 の証明	ここで, $P(N) > 0$ であり, $r \geq 0$ は任意の実数であるため,	ここで, $P(N) > 0$ であり, $r > 0$ は任意の正の実数であるため,
118	定理 5.1.3	実数 $\mu$ と正の定数 $K < \infty$ があって,	実数 $\mu$ と正の定数 $K < \infty$ が存在して,
124	命題 5.2.1 の証明	ただし, $N_1 \vee N_2$ は $N_1$ と $N_2$ の大きい方とする.	ただし, $N_1 \vee N_2$ は $N_1$ と $N_2$ の最大値である.
127	定理 5.2.2 の証明 : (5.60) 式	$\frac{n!}{k!(n-k)!} p^k q^{n-k} \approx$	$\frac{n!}{k!(n-k)!} p^k q^{n-k} \approx$
130	定理 5.2.3 の証明 : $h_n(t)$ の定義	( $t > -\sqrt{n}$ )	( $t \geq -\sqrt{n}$ )
130	定理 5.2.3 の証明 : $h_n(t)$ の定義	( $t \leq -\sqrt{n}$ )	( $t < -\sqrt{n}$ )
130	定理 5.2.3 の証明	自然数 $n$ を十分大きく取れば $t > -\sqrt{n}$ をみたすため,	自然数 $n$ を十分大きく取れば $t \geq -\sqrt{n}$ をみたすため,
158	7.1 節	このように, $H_0$ を棄却するか, 受容するかの判定を行うことを	(改行に伴う空白) このように, $H_0$ を棄却するか, 受容するかの判定を行うことを
169	(7.50) 式	$\tilde{T}_n := \frac{\sqrt{n}(\bar{p}_n - p)}{\sqrt{p(1-p)}}$	$\tilde{T}_n = \frac{\sqrt{n}(\bar{p}_n - p)}{\sqrt{p(1-p)}}$
170	7.4 節 (2 節所)	次の 2 つの同値関係が近似的に成り立つと考えてよい.	次の 2 つの必要十分条件が得られると考えてよい.
171	7.4 節	次の 2 つの同値関係が成り立つ.	次の 2 つの必要十分条件が得られる.
174	定理 A.1.1	このとき, 次の条件 $f'(c) = 0 \quad (a < c < b)$	このとき, 2 条件 $f'(c) = 0, \quad a < c < b$
174	定理 A.1.2	さらに次の条件 $\frac{f'(c)}{g'(c)} = \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)}$ $(a < c < b)$	さらに 2 条件 $\frac{f'(c)}{g'(c)} = \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)},$ $a < c < b$
174, 175	定理 A.1.2 の証明	このとき, $F(a) = F(b)$ をみたすため, ロルの定理より, 次の条件 $F'(c) = f'(c) - \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)} g'(c) = 0$ $(a < c < b)$	このとき, $F(a) = F(b)$ をみたすため, ロルの定理より, 2 条件 $F'(c) = f'(c) - \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)} g'(c) = 0,$ $a < c < b$
175	定理 A.1.3	$a$ は実数か $\pm\infty$ とする. 関数 $f(x)$ と $g(x)$ は, 点 $a$ の近くで定義されており,	$a$ は実数か $\pm\infty$ とする. 定義域が同じである関数 $f(x)$ と $g(x)$ は, 点 $a$ の近くで定義されており,

頁	場所	誤	正
178	定理 A.2.1 の証明	ここで, $k \wedge l$ は $k$ と $l$ の <small>小さい方</small> , $k \vee l$ は $k$ と $l$ の <small>大きい方</small> とする.	ここで, $k \wedge l$ は $k$ と $l$ の <small>最小値</small> , $k \vee l$ は $k$ と $l$ の <small>最大値</small> である.
179	補題 A.2.1	ここで, $k \wedge l$ は $k$ と $l$ の <small>小さい方</small> , $k \vee l$ は $k$ と $l$ の <small>大きい方</small> とする.	ここで, $k \wedge l$ は $k$ と $l$ の <small>最小値</small> , $k \vee l$ は $k$ と $l$ の <small>最大値</small> である.
182	補題 A.4.1 の解答	$P(X \geq 3) = 1 - \{0.134 + 0.271 + 0.271\} = 0.324$	$P(X \geq 3) = 1 - \{0.133980 + 0.270666 + 0.272033\} = 0.323321$
182	補題 A.4.1 の解答	$P(X \geq 3) \approx 1 - \{0.135 + 0.271 + 0.271\} = 0.323$	$P(X \geq 3) \approx 1 - \{0.135335 + 0.270671 + 0.270671\} = 0.323323$
182	補題 A.4.1 の解答	この 0.323 という値は, あくまで 0.324 の近似値である.	この 0.323323 という値は, あくまで 0.323321 の近似値である.
208	A.17 直行行列の基本性質・正規直交化法	定理 6.1.2 (基本的な統計量の標本分布に関する結果) で証明で必要となる, 「直交行列の基本性質」(命題 A.17.1) と	定理 6.1.2 (基本的な統計量の標本分布に関する結果) の証明で必要となる「直交行列の基本性質」(命題 A.17.1) と
233	演習 7.3 の解答	なお, 例 2.3.5 より, $E(X_k) = (1-p)/p$ である. よって, 母数 $p_0$ のもとでは $E(X_k) = 5$ が成り立ち, 母数 $p_1$ のもとでは $E(X_k) = 1/5$ が成り立つ.	(左記の赤字部分を全て削除)
237	参考文献 [10]	日本統計学会公式認定 統計検定 1 級対応 統計学基礎, 東京図書, 2017.	日本統計学会公式認定 統計検定 1 級対応 統計学, 東京図書, 2017.

## 54 頁, 注意 2.3.5, 修正前

… 任意の  $c < d$  に対して,  $P(c \leq Z \leq d)$  は,

$$\begin{aligned}
 P(c \leq Z \leq d) &= P\left(c \leq \frac{X - (a+b)/2}{(b-a)/(2\sqrt{3})} \leq d\right) \\
 &= P\left(\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2} \leq X \leq \frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right) \\
 &= \frac{1}{b-a} \int_{\left(\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right) \vee a}^{\left(\frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right) \wedge b} dx = \frac{1}{2\sqrt{3}} \int_{c \vee (-\sqrt{3})}^{d \wedge \sqrt{3}} dz \quad \left(z = \frac{\sqrt{3}(2x-a-b)}{b-a}\right)
 \end{aligned}$$

と計算できる. ここで,  $x \wedge y$  は  $x$  と  $y$  の最小値,  $x \vee y$  は  $x$  と  $y$  の最大値である. この計算結果より, この  $Z$  は一様分布  $U(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$  に従う.

54 頁, 注意 2.3.5, 修正後

… 任意の  $c < d$  に対して,  $P(c \leq Z \leq d)$  は

$$\begin{aligned}
P(c \leq Z \leq d) &= P\left(c \leq \frac{X - (a+b)/2}{(b-a)/(2\sqrt{3})} \leq d\right) \\
&= P\left(\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2} \leq X \leq \frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right) \\
&= \frac{1}{b-a} \int_{\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}}^{\frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}} 1_{[a,b]}(x) dx \\
&= \frac{1}{2\sqrt{3}} \int_c^d 1_{[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]}(z) dz \quad \left(z = \frac{\sqrt{3}(2x-a-b)}{b-a}\right)
\end{aligned}$$

と計算できる. この計算結果より, この  $Z$  は一様分布  $U(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$  に従う.