## 「ガイダンス 確率統計」正誤表

初版1刷,2刷,3刷,4刷の正誤表 (2025年10月20日)

東京都立大学の松山洋教授, 酒井裕司さん, 廣田翔真さんには 4 刷発行後に誤りをご指摘頂きました. ここに謝辞を述べさせて頂きます.

頁	場所	誤	正
3	和事象と積事象の説明文	この和事象と積事象を内包	この和事象と積事象をそれ
		的記法で表すと	ぞれ内包的記法で表すと
4	(1.3) 式	$(A^c \cup B^c) \cap (A \cup B)$	$(A \cup B) \cap (A^c \cup B^c)$
4	例題 1.1.1	このとき、事象 B が関係式	事象 B が関係式
5	例題 1.1.1	$(A^c \cup B^c) \cap (A \cup B)$	$(A \cup B) \cap (A^c \cup B^c)$
7	例 1.2.2	$P(\cdot)$ <mark>は</mark> 完全加法性をみたす	$P(\cdot)$ <mark>が</mark> 完全加法性をみたす
		ことも知られている.	ことも知られている.
13	定義 1.3.3	任意の p 個の自然数の組	任意の自然数の組
26	定義 2.1.4	(2.3) で与えられる離散分布	(2.3) で与えられる離散分布
		があって、	が存在して,
33	定義 2.1.6	ある密度関数 $f(x)$ があっ	ある密度関数 $f(x)$ が <mark>存在し</mark>
		τ,	τ,
49	例 2.3.5	「打率3割の打者が初ヒッ	「打率3割の打者が初ヒッ
		トを打つまでに必要な打席	トを打つまでに打ち損ねる
		数」	回数」
49	例 2.3.5	Y = X + 1 打席目である.	Y = X + 1回目である.
49	例 2.3.5	必要な打席数の平均値は	打ち損ねる回数の平均値は
		E(X) = 7/3 打席である.	E(X) = 7/3 回である.
54	注意 2.3.5	この正誤表の最後のページ	
		のように修正する.	
55	演習 2.2	約何 cm 以上あればよいか	約何 cm 以上あればよいか
		答えよ (表 C.1 を利用する	答えよ. (表 C.1 を利用する
		こと).	こと.)
55	演習 2.3	a は整数とし、	a は $-1$ と異なる整数とし、
55	演習 2.6	ただし $a \lor b$ は、 $a \ge b$ のと	$  ただし, a \lor b は a と b の最  $
		きは $a$ であり、 $a \le b$ のと	大値である.
		b $b$ $c$	
60	系 3.2.1 の証明		ここで、 $a \wedge b$ は $a \otimes b$ の最
		さい方、 $a \lor b$ は $a \lor b$ の大	小値, $a \lor b$ は $a \lor b$ の最大
	I I W	きい方とした.	値である.
64	定義 3.2.4	ある同時密度関数 $f(x,y)$	ある同時密度関数 $f(x,y)$
		があって、	が存在して、
67	定理 3.2.1 [証明]	さらに、XとYが独立であ	さらに, XとYが独立であ
		れば、 $X \geq Y$ の周辺密度関	れば、 $X,Y$ の周辺密度関数
		数 $g(x)$ と $h(y)$ に対して,	g(x), $h(y)$ に対して,

頁	場所	誤	正
74	例 3.2.4	このことから,相関の強	このことから,相関の強
		弱を –1 以上かつ …	弱は -1 以上かつ
98	演習 3.1	ただし $X_1 \vee X_2$ は、 $X_1 \leq$	ただし、 $X_1 \vee X_2$ は $X_1$ と
		$X_2$ のときは $X_2$ であり、	$X_2$ の最大値である $.$
		$X_1 \geq X_2$ のときは $X_1$ で	
		ある.	
99	演習 3.6	ただし、 $X \land Y$ は $X   Y$	ただし、 $X \land Y$ は $X \succeq Y$
		の小さい方、 $X \lor Y$ は $X$ と	の最小値、 $X \lor Y$ は $X$ と $Y$
		Y の大きい方とする.	の最大値である.
117	補題 5.1.1 の証明	したがって、任意の正の実	ゆえに,任意の正の実数
		数 $r \ge 0$ に対して,不等式	r > 0 に対して
117	補題 5.1.1 の証明	ここで、 $P(N) > 0$ であり、	ここで、 $P(N) > 0$ であり、
		$r \ge 0$ は任意の実数である	r>0 は任意の正の実数で
		ため,	あるため,
118	定理 5.1.3	実数 $\mu$ と正の定数 $K<\infty$	実数 $\mu$ と正の定数 $K<\infty$
		があって,	が存在して,
124	命題 5.2.1 の証明	ただし、 $N_1 \vee N_2$ は $N_1$ と	ただし、 $N_1 \vee N_2$ は $N_1$ と
		$N_2$ の大きい方とする.	$N_2$ の最大値である.
127	定理 5.2.2 の証明 : (5.60) 式	$\frac{n!}{k!(n-k!)}p^kq^{n-k}  \approx $	$\frac{n!}{k!(n-k)!}p^kq^{n-k}  \approx $
130	定理 $5.2.3$ の証明 : $h_n(t)$ の	$(t > -\sqrt{n})$	$(t \ge -\sqrt{n})$
	定義		
130	定理 $5.2.3$ の証明 : $h_n(t)$ の定義	$(t \le -\sqrt{n})$	$(t < -\sqrt{n})$
130	定理 5.2.3 の証明	自然数 n を十分大きく取れ	自然数 n を十分大きく取れ
		$ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $ $	$    it t \ge -\sqrt{n}                                    $
138	(6.15) 式	$\int \cdots \int_{T^{-1}(I_1 \times I_2 \times \cdots \times I_n)}$	$\iint \cdots \int_{T^{-1}(I_1 \times I_2 \times \cdots \times I_n)}$
158	7.1 節	このように、 $H_0$ を棄却する	(改行に伴う空白) このよう
		か、受容するかの判定を行	に, H <sub>0</sub> を棄却するか, 受容
		うことを	するかの判定を行うことを
162	7.2 節 (1 箇所)	と決める.ここで,関係式	と表すと,関係式(7.3)よ
		(7.3) より,	b,
163	7.2 節 (2 箇所)	と決める。ここで、関係式	と表すと,関係式 (7.3) よ
		(7.3) より,	<b>b</b> ,
169	(7.50) 式	$\widetilde{T}_n := \frac{\sqrt{n}(\overline{p}_n - p)}{\sqrt{p(1-p)}}$	$\widetilde{T}_n = \frac{\sqrt{n}(\overline{p}_n - p)}{\sqrt{p(1-p)}}$
100	, ,	V 1 ( 1 /	<b>V</b> = \ - /
170	7.4 節 (2 箇所)	次の2つの同値関係が近似	次の2つの必要十分条件が
		的に成り立つと考えてよい.	得られると考えてよい.
171	7.4 節	次の2つの同値関係が成り	次の2つの必要十分条件が
		立つ.	得られる.

頁	場所	誤	正
171	7.4 節 (1 箇所)	と決める.ここで、関係式	と表すと,関係式 (7.3) よ
		(7.3) より,	<b>9</b> ,
172	7.4 節 (2 箇所)	と決める。ここで、関係式	と表すと,関係式 (7.3) よ
		(7.3) より,	<b>b</b> ,
174	定理 A.1.1	このとき、次の条件	このとき, <mark>2</mark> 条件
		f'(c) = 0 ( $a < c < b$ )	$f'(c) = 0, \qquad a < c < b$
174	定理 A.1.2	さらに <mark>次の</mark> 条件	さらに2条件
		$\frac{f'(c)}{g'(c)} = \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)}$	$\frac{f'(c)}{g'(c)} = \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)},$
		$ \begin{array}{c c} g(c) & g(b) - g(a) \\ \hline (a < c < b) \end{array} $	$\begin{vmatrix} g'(c) & g(b) - g(a) \\ a < c < b \end{vmatrix}$
174,	定理 A.1.2 の証明	このとき、 $F(a) = F(b)$ を	このとき、 $F(a) = F(b)$ を
175		みたすため、ロルの定理よ	みたすため、ロルの定理よ
		り、次の条件	り, <mark>2</mark> 条件
		F'(c) = f'(c) -	F'(c) = f'(c) -
		$ \frac{f(b)-f(a)}{g(b)-g(a)}g'(c) = 0 $	$ \frac{f(b)-f(a)}{g(b)-g(a)}g'(c) = 0, $
		(a < c < b)	a < c < b
175	定理 A.1.3	$a$ は実数か $\pm \infty$ とする. 関	$a$ は実数か $\pm \infty$ とする. 定
		数 $f(x)$ と $g(x)$ は,点 $a$ の	義域が同じである関数 $f(x)$
		近くで定義されており,	と $g(x)$ は,点 $a$ の近くで定
			義されており,
178	定理 A.2.1 の証明	ここで、 $k \wedge l$ は $k \geq l$ の小	ここで、 $k \wedge l$ は $k \otimes l$ の最
		さい方, $k \lor l$ は $k \succeq l$ の大	小値, $k \lor l$ は $k \gt l$ の最大
		きい方とする.	値である.
179	補題 A.2.1	ここで、 $k \wedge l$ は $k \geq l$ の小	ここで、 $k \wedge l$ は $k \otimes l$ の最
		さい方, $k \lor l$ は $k \succeq l$ の大	小値, $k \lor l$ は $k \succeq l$ の最大
		きい方とする.	値である.
182	補題 A.4.1 の解答	$P(X \ge 3) = 1 - \{0.134 + 1.4\}$	$P(X \geq 3) = 1 - $
		$0.271 + 0.271 \} = 0.324$	$\{0.133980 + 0.270666 +$
100	1-1-1-1 A A A O MINKS	D(X) 0) 4 (0.40X)	$0.272033\} = 0.323321$
182	補題 A.4.1 の解答	$P(X \ge 3) \approx 1 - \{0.135 + 0.071\}$	$P(X \geq 3) \approx 1 - $
		$0.271 + 0.271 \} = 0.323$	$\{0.135335 + 0.270671 + 0.270671 + 0.270671\}$
100	左時 A 4 1 ○ #7/#	アの0.202 といきはは 少	$0.270671$ } = $0.323323$
182	補題 A.4.1 の解答	この 0.323 という値は,あ くまで 0.324 の近似値であ	この 0.323323 という値は,
		くまで 0.324 の 担似値 C の る.	あくまで 0.323321 の近似値     である.
208	A.17 直行行列の基本性質・	c.   定理 6.1.2 (基本的な統計	定理 6.1.2 (基本的な統計
200	正規直交化法	量の標本分布に関する結果)	足壁 0.1.2 (墨本的な帆前     量の標本分布に関する結
		で証明で必要となる、「直	果)の証明で必要となる「直
		交行列の基本性質」(命題	交行列の基本性質」(命題
		A.17.1) と	A.17.1) と
		11.11.1)	11.11.1)

頁	場所	誤	正
233	演習 7.3 の解答	なお,例 2.3.5 より,	(左記の赤字部分を全て削
		$E(X_k) = (1-p)/p$ であ	除)
		る. よって, 母数 $p_0$ のも	
		とでは $E(X_k)=5$ が成り	
		立ち,母数 $p_1$ のもとでは	
		$E(X_k)=1/5$ が成り立つ.	
237	参考文献 [10]	日本統計学会公式認定 統計	日本統計学会公式認定 統計
		検定1級対応 統計学基礎,	検定1級対応 統計学,東京
		東京図書, 2017.	図書, 2017.

## 54 頁, 注意 2.3.5, 修正前

... 任意の c < d に対して,P(c < Z < d) は,

$$\begin{split} &P(c \leq Z \leq d) = P\left(c \leq \frac{X - (a+b)/2}{(b-a)/(2\sqrt{3})} \leq d\right) \\ &= P\left(\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2} \leq X \leq \frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right) \\ &= \frac{1}{b-a} \int_{\left(\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right) \vee a}^{\left(\frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right) \wedge b} dx = \frac{1}{2\sqrt{3}} \int_{c \vee (-\sqrt{3})}^{d \wedge \sqrt{3}} dz \quad \left(z = \frac{\sqrt{3}(2x-a-b)}{b-a}\right) \end{split}$$

と計算できる.ここで, $x \wedge y$  は  $x \vee y$  の最小値, $x \vee y$  は  $x \vee y$  の最大値である.この計算結果 より,この Z は一様分布  $U(-\sqrt{3},\sqrt{3})$  に従う.

## 54 頁, 注意 2.3.5, 修正後

... 任意の c < d に対して, $P(c \le Z \le d)$  は

$$P(c \le Z \le d) = P\left(c \le \frac{X - (a+b)/2}{(b-a)/(2\sqrt{3})} \le d\right)$$

$$= P\left(\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2} \le X \le \frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}\right)$$

$$= \frac{1}{b-a} \int_{\frac{c(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}}^{\frac{d(b-a)}{2\sqrt{3}} + \frac{a+b}{2}} 1_{[a,b]}(x) dx$$

$$= \frac{1}{2\sqrt{3}} \int_{c}^{d} 1_{[-\sqrt{3},\sqrt{3}]}(z) dz \qquad \left(z = \frac{\sqrt{3}(2x-a-b)}{b-a}\right)$$

と計算できる. この計算結果より、この Z は一様分布  $U(-\sqrt{3},\sqrt{3})$  に従う.